

Matemáticas. ~ Prueba nº 1

Clasifica los siguientes números indicando TODOS los conjuntos a los que pertenecen: 1.

 $\pi\cdot\pi$, $\sqrt{3}\cdot\sqrt{27}$, 31/2, $17'\widehat{12}$, $0'0\widehat{20}$, 1/0'5, 2/4,

- 2. **Intervalos:**
 - 2.a) Dados A = (-4; 6], B = $(-\infty; -4]$, C = (6; 7) y D = $[-4; \infty)$ representation sobre la recta.
 - 2.b) Expresa en forma abreviada o conjunto estos 2 intervalos y represéntalos sobre la recta: $E = \{x \in \mathbb{R} \mid 0 \le x \le 6\}$ $F = \{x \in \mathbb{R} \mid x \ge -4\}$
 - 2.c) Expresa por comprensión el intervalo $G = (4, \infty)$, represéntalo sobre la recta.
 - 2.d) Sea $H = \{x \in \mathbb{Z} \mid 5 < x \le 8\}$ expresa el intervalo por extensión.
- **3.** Calcular $A \cap B$, $B \cup F$, $A \cup C$, $B \cap D$, $C \cup H$ y $E \cap H$ con los intervalos del ejercicio anterior.
- 4. Realizar las siguientes operaciones simplificando lo máximo posible:
 - 4.a) Introduce y simplifica: $\frac{a^{21} \cdot b^3}{c^2} \cdot \sqrt[7]{\frac{c^{14} \cdot a^{-3}}{b^2}}$ 4.b) Extrae y simplifica: $\sqrt[5]{\frac{3^{13} \cdot 5^{10} \cdot 2^8}{7^6}}$
- 4.d) $\sqrt[3]{4000} + \sqrt[6]{11664} \sqrt[3]{108} \sqrt[6]{1024}$ 4.e) $\frac{\sqrt{2352}}{\frac{7}{2}} - \frac{\sqrt{1728}}{2} + \sqrt{900}$

- 4.c) $\left(\frac{a^{-2} \cdot a^{-3}}{a^{-3}a^{3}}\right)^{-1} \cdot \left(\frac{a^{-2} \cdot a^{3}}{a \cdot a^{-2}}\right)^{2}$
- 5. Racionaliza y Simplifica:

5.a)
$$\frac{7+\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$$

5.b)
$$\frac{3+\sqrt[3]{3}}{\sqrt[7]{3^5}}$$

5.c)
$$\frac{\sqrt{7}+\sqrt{6}}{\sqrt{7}+\sqrt{6}}$$

5.d)
$$\frac{3+\sqrt{2}}{3-\sqrt{2}}$$

- 6. Tomando $\log 2 = 0.4$ y $\log 7 = 0.8$, demuestra que sin usar la calculadora sabes calcular:
 - 6.a) log 98

6.c) $\log_{7} 8$

6.b) $\log \frac{28}{243}$

6.d) log 0.125

7. Calcula:

a).
$$\log_5 \sqrt[5]{25^2 \cdot \sqrt[5]{5^7}}$$

b).
$$\log_{\frac{1}{7}} (49 \cdot \sqrt[5]{343})^2$$

8. Deja en forma de un solo logaritmo:

$$3 \cdot (\log_2 8x^5 - \log_2 2x^3) + 2 \cdot (\log_2 6x^{-4} - \log_2 3x^2)$$